

## Секция 4

**МАТЕМАТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ  
КОМПЬЮТЕРНОЙ БЕЗОПАСНОСТИ**

УДК 004.75

DOI 10.17223/2226308X/9/30

**ПРОТОКОЛ БЕЗОТКАЗНОЙ ЛУКОВОЙ МАРШРУТИЗАЦИИ  
С ПОДТВЕРЖДЕНИЕМ ВРЕМЕНИ СОЗДАНИЯ СООБЩЕНИЯ**

Н. И. Анисеня

Рассматривается задача маршрутизации сообщений в конкурентной среде децентрализованной сети на примере проведения соревнований STF, основанных на решении заданий. К протоколу маршрутизации сообщений предъявляется дополнительное требование — подтверждение времени создания сообщения. Предложено улучшение протокола безотказной луковой маршрутизации, позволяющее участникам сети получать подтверждения времени создания передаваемых сообщений, описан улучшенный протокол и его возможная модификация.

**Ключевые слова:** *распределённые протоколы, защищённые вычисления, отказоустойчивые системы.*

В [1] автором предложен распределённый протокол проведения соревнований STF, основанных на решении заданий. Описанный протокол обладает серьёзным недостатком, а именно — полагается на рассылку меток времени добросовестными участниками. Недобросовестный участник, который не рассылает свои разрешения, все ещё имеет доступ к сети и может получать сообщения, если участвует в передаче сообщений других команд.

Цель улучшения протокола безотказной луковой маршрутизации — сделать невозможным участие в соревновании команд, которые не ставят метки времени либо ставят некорректные метки под ответами других участников.

Будем полагать, что каждый участник сети постоянно ожидает получения сообщений. Сформулируем требования к улучшенному протоколу:

- 1) каждый участник сети должен иметь возможность получать сообщения только в том случае, если участвует в качестве посредника при передаче сообщений других участников;
- 2) каждый участник сети должен иметь возможность получать сообщения только в том случае, если устанавливает корректные метки времени на все передаваемые им сообщения;
- 3) в результате работы протокола отправитель сообщения должен иметь временные метки от различных участников сети, подтверждающие время отправки исходного сообщения;
- 4) никто из участников, кроме отправителя и получателя, не должен иметь возможность прочитать или изменить передаваемое сообщение;
- 5) никто из участников не должен иметь возможность подделать чужую метку времени под передаваемым сообщением;

- 6) протокол должен делать крайне сложной и маловероятной атаку сговора с целью установки некорректных меток времени под сообщением;
- 7) протокол должен допускать особый режим работы, если нет гарантий, что получатель сообщения в данный момент подключён к сети, но при этом необходимо здесь и сейчас зафиксировать время создания сообщения. В свою очередь, получатель должен иметь возможность убедиться в подлинности временной метки под сообщением, которое он получит, когда восстановит доступ в сеть.

Требования 1 и 2 необходимы для того, чтобы участники распределённой сети были заинтересованы в поддержании её работы. Требования 4 и 5 необходимы для защиты передаваемых сообщений и устанавливаемых под ними меток времени. Требование 6 служит для защиты от атаки сговора участников распределённой сети. Требование 7 необходимо, если данный протокол используется для проведения соревнований СТФ, как в [1]. В этом случае необходимо уменьшить зависимость протокола от активного участия команды организаторов.

Пусть  $E_A$  — шифрование на открытом ключе участника с идентификатором  $A$ ;  $S_A$  — подписание на закрытом ключе участника с идентификатором  $A$ ;  $h$  — некоторая криптографическая хеш-функция. В случае, если  $y$  является конкатенацией байтового представления параметров  $x_1, \dots, x_t$ , будем допускать следующую запись для функций  $E_A, S_A, h$ :

$$\begin{aligned} E_A(y) &= E_A(x_1, \dots, x_t), \\ S_A(y) &= S_A(x_1, \dots, x_t), \\ h(y) &= h(x_1, \dots, x_t). \end{aligned}$$

Будем проводить сравнение значений времени с учётом временного окна  $w$ . Обозначим множество идентификаторов участников как  $U$ ,  $|U| = n$ , где идентификаторы  $id \in U$  — попарно различные числа. Функцию  $G(y)$  определим как в [1]:

$$G(y) : \mathbb{N} \rightarrow U', \quad U' = \{u : u \subset U, |u| = t < n\}.$$

Введём функцию  $H(y)$  следующим образом:

$$\begin{aligned} H(y) &= [r_0, (id_1, r_1), \dots, (id_t, r_t)], \\ id_i &\in G(y), \quad id_i < id_{i+1}, \quad i = 1, \dots, t-1, \\ r_0 &= h(y), \quad r_i = h(y, id_i), \quad i = 1, \dots, t. \end{aligned}$$

Для удобства обозначим так же векторы идентификаторов участников и соответствующих им чисел:

$$M = (id_1, \dots, id_t), \quad R = (r_0, r_1, \dots, r_t).$$

Будем говорить, что участник отключен от сети, если он не участвует в передаче сообщений либо искажает передаваемые им сообщения. Если все участники с идентификаторами  $id_1, \dots, id_t$  выступают в роли посредников при передаче сообщения, будем обозначать эти идентификаторы  $M_1, \dots, M_t$ . Соответственно вектор  $M$  в этом случае запишется следующим образом:  $M = (M_1, \dots, M_t)$ .

Пусть Алиса хочет послать сообщение  $m$  Бобу. При этом Алиса заинтересована в следующем:

- 1) она хочет убедиться в том, что все посредники, участвовавшие в передаче сообщения  $m$ , и получатель Боб честно выставляют метку времени (не завышают и не занижают время), когда выступают в роли посредника;

- 2) она хочет получить подтверждение времени создания сообщения  $m$  от других участников и предоставить его Бобу.

Боб, в свою очередь, хочет быть уверенным, что Алиса его не обманывает и указанное время создания сообщения  $m$  верно с точностью до некоторого временного окна  $w$ . Будем предполагать, что все участники сети постоянно ожидают сообщений и не могут предсказать время, в которое они должны им прийти.

Описание протокола:

- 1) Алиса считает  $H(m) = [r_0, (M_1, r_1), \dots, (M_t, r_t)]$ .
- 2) Алиса конструирует «луковицу», шифруя сообщение  $m$  следующим образом:

$$E_B(E_{M_1}(\dots E_{M_k}(E_A E_B(m), r_k), \dots, r_1), r_0).$$

- 3) Алиса отправляет Бобу

$$E_B(E_{M_1}(\dots E_{M_k}(E_A E_B(m), r_k), \dots, r_1), r_0), \quad S_A(m, t_A), t_A,$$

где  $t_A$  — текущее время Алисы.

- 4) Боб расшифровывает внешний слой луковицы: получает  $r_0$  и сообщение для первого посредника  $M_1$ . Боб отправляет посреднику  $M_1$

$$E_{M_1}(\dots E_{M_k}(E_A E_B(m), r_k), \dots, r_1), \quad S_A(m, t_A), t_A, S_B(r_0, t_B), t_B.$$

- 5) Для  $i \in \{1, \dots, k-1\}$   $i$ -й посредник отсылает  $(i+1)$ -му следующее сообщение:

$$E_{M_i}(E_{M_{i+1}}(\dots E_{M_k}(E_A E_B(m), r_k), \dots, r_{i+1}), r_i), \\ S_A(m, t_A), t_A, S_B(r_0, t_B), t_B, S_{M_1}(r_1, t_1), t_1, \dots, S_{M_i}(r_i, t_i), t_i.$$

- 6) Последний посредник  $M_k$  отправляет Алисе

$$E_A E_B(m), \quad S_A(m, t_A), t_A, S_B(r_0, t_B), t_B, S_{M_1}(r_1, t_1), t_1, \dots, S_{M_k}(r_k, t_k), t_k.$$

- 7) Алиса проверяет, что все метки времени  $S_B(r_0, t_B), S_{M_i}(r_i, t_i), t_i, i = 1, \dots, k-1$ , имеют корректную подпись и указывают на адекватное время. Если проверки пройдены, Алиса посылает Бобу

$$E_B(m), \quad S_A(m, t_A), t_A, S_B(r_0, t_B), t_B, S_{M_1}(r_1, t_1), t_1, \dots, S_{M_k}(r_k, t_k), t_k.$$

Боб проводит проверку следующим образом.

- 1) Посчитать  $H(m) = [r_0, (M_1, r_1), \dots, (M_k, r_k)]$ .
- 2) Проверить подписи временных меток  $S_A, S_B, S_{M_i}, i = 1, \dots, k$ .
- 3) Проверить, что для значений времени в метках времени верны следующие равенства:

$$t_{M_i} =_w t_{M_{i+1}}, \quad i \in \{1, \dots, k-1\}, \quad t_{M_1} =_w t_B, \quad t_B =_w t_A.$$

- 4) Если проверки пройдены, то считать, что сообщение  $m$  создано в момент времени  $t_A$ .

В случае, если Боб в данный момент не подключен к сети, а Алиса хочет засвидетельствовать факт создания сообщения  $m$  немедленно, можно внести следующие модификации в протокол. На шаге 2 внешний слой шифрования для Боба не включается.

Последний шаг 7 протокола не зависит от времени, поэтому может быть выполнен, когда Боб снова подключится к сети. Проверка выполняется аналогично с учётом того, что временная метка  $S_B(r_0, t_B), t_B$  отсутствует.

Некоторые комментарии к протоколу. Функция  $H(m)$ , аналогично функции  $G(m)$ , имеет параметры  $n, t, k$ . В случае, если хотя бы один из первых  $k$  посредников из  $M$  отключен от сети, получение меток времени от этой цепочки посредников невозможно. Для того чтобы получить метку времени, необходимо выбрать  $k$  подключенных участников и сформировать луковичу согласно порядку в  $M$ . Таким образом,  $H(m)$  также имеет запас в  $(t - k)$  участников.

Функция  $G(m)$  в составе функции  $H(m)$  нужна для того, чтобы случайным образом выбирать участников для выставления метки времени под сообщением  $m$ , тем самым сильно затрудняя возможность их предварительного сговора с целью установки ложной метки времени.

Вектор  $R$ , получаемый функцией  $H(m)$ , является вектором чисел, которые невозможно предсказать, не зная сообщения  $m$ . Это нужно для того, чтобы посредники имели возможность поставить временную метку на  $r_i = h(m, id_i)$ , не зная самого сообщения  $m$ . Числа  $r_i$  также используются в качестве *Nonce*, чтобы следующие посредники не могли определить предыдущих посредников, которые уже поставили свою метку времени на сообщение.

Рассмотрим пример. Имеется множество участников  $U = \{A, B, M_1, M_2\}$ ,  $|U| = n = 4$ ,  $t = k = 2$ . Они подключены к сети, как показано на рис. 1.

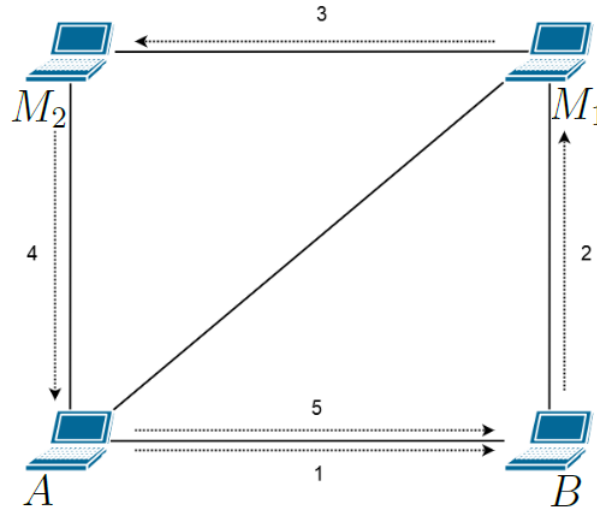


Рис. 1. Пример работы протокола безотказной луковой маршрутизации с подтверждением времени создания сообщения

Пусть участник  $A$  хочет послать сообщение  $m$  участнику  $B$ . Для этого ему необходимо вычислить  $H(m) = [r_0, (M_1, r_1), (M_2, r_2)]$ . Имеем следующую луковичу  $E_B(E_{M_1}(E_{M_2}(E_A E_B(m), r_2), r_1), r_0)$ . Подробно рассмотрим процесс передачи луковичи и выставления меток времени:

- 1)  $A \rightarrow B$  :  $E_B(E_{M_1}(E_{M_2}(E_A E_B(m), r_2), r_1), r_0), S_A(m, t_A), t_A$ .
- 2)  $B \rightarrow M_1$  :  $E_{M_1}(E_{M_2}(E_A E_B(m), r_2), r_1), S_A(m, t_A), t_A, S_B(r_0, t_b), t_B$ .

- 3)  $M_1 \rightarrow M_2 : E_{M_2}(E_A E_B(m), r_2),$   
 $S_A(m, t_A), t_A, S_B(r_0, t_b), t_B, S_{M_1}(r_1, t_{M_1}), t_{M_1}.$
- 4)  $M_2 \rightarrow A : E_A E_B(m),$   
 $S_A(m, t_A), t_A, S_B(r_0, t_b), t_B, S_{M_1}(r_1, t_{M_1}), t_{M_1}, S_{M_2}(r_2, t_{M_2}), t_{M_2}.$
- 5) Проверка:  $t_{M_2} =_w t_{M_1}, t_{M_1} =_w t_B, t_B =_w t_A.$  Если проверки пройдены:  
 $A \rightarrow B : E_B(m),$   
 $S_A(m, t_A), t_A, S_B(r_0, t_b), t_B, S_{M_1}(r_1, t_{M_1}), t_{M_1}, S_{M_2}(r_2, t_{M_2}), t_{M_2}.$

Описанный протокол может использоваться как протокол транспортного уровня в распределённой сети соревнования СТФ следующим образом. Команда организаторов, согласно протоколу, осуществляет новостную рассылку во время соревнования. Если участник хочет получать новостную рассылку от организаторов, ему необходимо выступать в качестве посредника при передаче сообщений других участников, выставляя на них корректную метку времени. В противном случае участник не сможет получать новостную рассылку, что равносильно отключению от соревнования и техническому поражению.

Каждый участник при получении ответа на задание должен доказать этот факт, отправив сообщение организаторам. Засвидетельствовать факт получения ответа в текущий момент времени можно с помощью модифицированного протокола, т. е. предполагая, что команда организаторов в данный момент может быть недоступна. Команды соперники, выбранные в качестве посредников с помощью функции  $H(m)$ , подтвердят факт создания сообщения в текущий момент времени. Итоговое сообщение вместе с метками времени может быть отправлено организаторам позже. По окончании соревнования организаторы смогут сформировать таблицу результатов с учётом времени получения ответов.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Анисеня Н. И. Разработка безопасного протокола распределённой системы проведения соревнований СТФ // Прикладная дискретная математика. 2015. № 2(28). С. 59–70.

УДК 519.7

DOI 10.17223/2226308X/9/31

## О ДИСКРЕТНО-АВТОМАТНЫХ МОДЕЛЯХ АТАК В КОМПЬЮТЕРНЫХ СЕТЯХ<sup>1</sup>

Д. Е. Горбатенко, С. Е. Кочемазов, А. А. Семёнов

Предлагается новая модель развития атак в компьютерных сетях. Основу модели составляет дискретный автомат синхронного действия, задаваемый графом сети. Рассматриваются переходы между состояниями данного автомата, совершаемые в дискретные моменты времени. Вершинам графа (интерпретирующим хосты сети) в каждый момент времени приписываются двоичные векторы, называемые состояниями хостов. В каждый следующий момент все состояния хостов синхронно пересчитываются по фиксированным правилам. В рамках предложенной модели проанализировано развитие некоторых известных типов атак. Изучены возможности атак с нескольких хостов, а также описана техника предотвращения атак посредством решения комбинаторной задачи расстановки патчей. В вычислительных экспериментах рассматривались сети, сгенерированные случайным образом. Перечисленные выше задачи для этих сетей решались за счёт их сведения к проблеме булевой выполнимости.

<sup>1</sup>Работа выполнена при частичной поддержке РФФИ, проекты № 14-07-00403а и 15-07-07891а.