Т. 63, № 12 ФИЗИКА 2020

ФИЗИКА ЭЛЕМЕНТАРНЫХ ЧАСТИЦ И ТЕОРИЯ ПОЛЯ

УДК 530.145 DOI: 10.17223/00213411/63/12/64

O.В. ЗЫРЯНОВ A^{I} , B.И. МУДРУ K^{2}

ЭФФЕКТИВНОЕ ДЕЙСТВИЕ С СОСТАВНЫМИ ПОЛЯМИ В МЕТОДЕ ФУНКЦИОНАЛЬНОЙ РЕНОРМАЛИЗАЦИОННОЙ ГРУППЫ *

Изучена зависимость от калибровки среднего эффективного действия с составными полями для калибровочных теорий общего вида, возникающего в методе функциональной ренормализационной группы. Доказано, что при всех ненулевых значениях параметра инфракрасного обрезания это действие не зависит от выбора калибровочных условий на своих экстремалях.

Ключевые слова: эффективное действие с составными полями, калибровочные теории общего вида, калибровочная зависимость.

1. Зависимость от калибровок функций Грина в калибровочных теориях является хорошо известным фактом [1], сама зависимость с общей точки зрения для теорий Янга — Миллса в рамках квантования Фаддеева — Попова [2] была изучена в работах [3], а для калибровочных теорий общего вида в формализме Баталина — Вилковыского [4] — в работе [5]. Основное утверждение можно сформулировать как независимость эффективного действия от выбора калибровочных условий на уравнениях движения этого действия.

Наряду с изучением квантовых свойств калибровочных теорий в рамках стандартной теории возмущений существует непертурбативный подход, известный в научной литературе как метод функциональной ренормализационной группы (ФРГ), предложенный в работе [6] (обзоры этого метода и многочисленных его применений можно найти в [7]). Метод ФРГ сталкивается с проблемой калибровочной зависимости получаемых результатов, проанализированной впервые в работе [8], которая затем неоднократно обсуждалась применительно к калибровочным теориям типа Янга — Миллса и теориям квантовой гравитации [9–12]. В работе [13] с помощью идеи введения эффективного действия с составными полями в методе ФРГ, взятой из [8], предложена переформулировка этого метода для теорий Янга — Миллса на основе двухчастично неприводимого эффективного действия. В данной работе обобщается метод [13] на случай калибровочных теорий общего вида и изучается зависимость от калибровок эффективного действия с составными полями.

В работе используются конденсированные обозначения ДеВитта [14]. Функциональные производные по полям понимаются как правые, а по источникам как левые. Символ $\varepsilon(A)$ используется для обозначения грассмановской четности величины A. Правые и левые функциональные производные снабжаются значками « \leftarrow » и « \rightarrow » соответственно. Для обозначения правой производной величины X по переменной ϕ^A используется обозначение X_A .

2. Рассмотрим калибровочную теорию общего вида, которая в рамках БВ-формализма [4] описывается действием $S_{\psi}[\phi,\phi^*] = S[\phi,\phi^* + \delta\psi[\phi]/\delta\phi]$, где $\phi = \left\{\phi^A\right\}$, $\left(\epsilon\left(\phi^A\right) = \epsilon_A\right)$ — набор всех переменных конфигурационного пространства; $\phi^* = \left\{\phi_A^*\right\}$, $\left(\epsilon\left(\phi_A^*\right) = \epsilon_A + 1\right)$ — соответствующий набор антиполей; $\psi[\phi]$ — калибровочно-фиксирующий функционал, а функционал $S[\phi,\phi^*]$ удовлетворяет квантовому мастер-уравнению

$$\Delta \exp\left\{\frac{i}{\hbar}S[\phi,\phi^*]\right\} = 0, \ \Delta = (-1)^{\varepsilon_A} \vec{\partial}_{\phi^A} \vec{\partial}_{\phi_A^*}, \quad \varepsilon(\Delta) = 1.$$
 (1)

Заметим, что функционал $S_{\psi}[\phi, \phi^*]$ также удовлетворяет квантовому мастер-уравнению (1). Действительно, имеет место следующее равенство**:

^{*} Работа О.В. Зыряновой поддержана грантом РФФИ № 18-02-00153.

^{**} Для двух величин F и H суперкоммутатор определяется соотношением $[F,H] = FH - HF(-1)^{\varepsilon(F)\cdot\varepsilon(H)}$.

Уважаемые читатели!

Доступ к полнотекстовой версии журнала «Известия высших учебных заведений. Физика» осуществляется на платформе Научной электронной библиотеки eLIBRARY.RU на платной основе:

https://elibrary.ru/contents.asp?titleid=7725