

## ДИНАМИКА СПИНИРУЮЩИХ ЧАСТИЦ В ВИХРЕВОМ ГРАВИТАЦИОННОМ ПОЛЕ\*

В.Г. Кречет<sup>1</sup>, В.Б. Ошурко<sup>1,2</sup>, А.Э. Киссер<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Московский государственный технологический университет «СТАНКИН», г. Москва, Россия

<sup>2</sup>Институт общей физики им. А.М. Прохорова РАН, г. Москва, Россия

Рассматриваются эффекты взаимодействия спинирующих частиц, т.е. обладающих собственным моментом импульса (спином), описываемых уравнением Дирака, с вихревым гравитационным полем. Показано, что взаимодействие дираковских массивных частиц с вихревым гравитационным полем индуцирует эффект прецессии их спина вокруг оси вращения вихревого гравитационного поля. В случае безмассовых частиц их спин устанавливается вдоль оси вращения, оставаясь постоянным, т.е. спин дираковских безмассовых частиц указывает направление оси вращения вихревого гравитационного поля.

**Ключевые слова:** уравнение Дирака, спин, вихревое гравитационное поле, прецессия.

Рассматриваются специфические аспекты динамики спинирующих, т.е. обладающих собственным моментом импульса, частиц, описываемых уравнением Дирака, в однородном стационарном пространстве-времени при наличии вихревого гравитационного поля. Ранее в работах [1, 2] мы исследовали самогравитирующее спинорное поле, здесь мы рассматриваем спинорную частицу во внешнем гравитационном поле. Динамика спинорного поля, описываемая уравнением Дирака, в пространствах различных типов исследовалась многими авторами. Эта задача является актуальной по настоящее время [3–11].

Вихревое гравитационное поле, представляющее собой вихревую составляющую полного гравитационного поля, математически описывается 4-мерным ротором поля тетрад  $e_{(a)}^k(x^i)$  [12–14]

$$\omega^i = \frac{1}{2} \varepsilon^{iklm} e_{k(a)} e_{l,m}^{(a)}. \quad (1)$$

Здесь аксиальный 4-вектор  $\omega^i(x^k)$  представляет собой угловую скорость вращения касательных тетрадных реперов. Она является кинематической характеристикой вихревого гравитационного поля и определяет его плотность потока момента импульса (спина)  $S^i(g)$ :

$$S^i(g) = \frac{\omega^i}{\mathfrak{a}}, \quad \left( \mathfrak{a} = \frac{8\pi G}{c^4} \right). \quad (2)$$

Тетрадные коэффициенты  $e_{(a)}^k(x^i)$  в силу ортонормированности векторов тетрады удовлетворяют соотношениям

$$e_{(a)i} e_k^{(a)} = g_{ik}, \quad e_{(a)}^k e_{k(b)} = \eta_{ab}, \quad e_{(a)}^k e_k^{(b)} = \delta_a^b, \quad e_{(a)}^k e_i^{(a)} = \delta_i^k, \quad (3)$$

где  $g_{ik}$  – компоненты метрического тензора риманова пространства (базы), в котором действует ОТО;  $\eta_{ab}$  – компоненты метрического тензора касательного пространства Минковского; индексы  $i, k, l, m, \dots$  – мировые тензорные индексы риманова пространства; индексы  $(a), (b), (c), \dots$  – локальные Лоренцевы индексы.

Однородное пространство-время, в котором присутствует вихревое гравитационное поле, естественно тоже однородное, проще всего описывается метрикой (в сигнатуре +++–) [15]

$$ds^2 = dx^2 + ke^{2\lambda x} dy^2 + dz^2 + 2e^{\lambda x} dt dy - dt^2. \quad (4)$$

Здесь  $k$  – параметр причинности: когда  $k < 0$ , то через каждую точку этого пространства проходит замкнутая времениподобная линия с возможным нарушением причинности, а когда  $k > 0$ , то замкнутых времениподобных линий нет и причинность восстанавливается.

\* Работа поддержана Министерством науки и высшего образования РФ, грант № 0707-2020-0025.

Уважаемые читатели!

Доступ к полнотекстовой версии журнала  
**«Известия высших учебных заведений. Физика»**  
осуществляется на платформе  
Научной электронной библиотеки eLIBRARY.RU  
на платной основе:

<https://elibrary.ru/contents.asp?titleid=7725>